



Niveau : 2SM

Matière : Physique - chimie

La durée : 4h

Coefficient : 7

Document autorisé

Le sujet comporte cinq exercices

- ✧ Deux exercices de chimie (6 points)
- ✧ Trois exercices de physique (14 points)

Exercices de chimie

- ✧ Détermination du pourcentage massique de la triméthylamine dans une solution. (3,5 pts)
- ✧ Étude d'une pile microbienne. (2,5 pts)

Exercices de physique :

- ✧ Étude d'une réaction nucléaire provoquée et d'une réaction nucléaire spontanée. (4 pts)
- ✧ Étude d'un circuit d'un circuit RC , LC et rLC . (5,5 pts)
- ✧ Mouvement d'un skieur dans le champ de pesanteur. (4,5 pts)

Chimie 1

Détermination du pourcentage massique de la triméthylamine dans une solution.

la triméthylamine de formule $(\text{CH}_3)_3\text{N}$ est produite à la mort du poisson lors de la décomposition des protéines de l'animal par des bactéries.

L'étiquette d'une bouteille contenant une solution aqueuse S_0 de triméthylamine porte les indications suivantes : la densité : $d=0,86$; masse molaire : $M(\text{CH}_3)_3\text{N} = 59\text{g}\cdot\text{mol}^{-1}$.

Pour déterminer le pourcentage massique de la triméthylamine dans la solution S_0 , on dilue cette solution 100 fois pour obtenir une solution S_B .

On réalise le dosage pH - métrique d'un volume $V_B = 20\text{mL}$ de la solution S_B à l'aide d'une solution S_A d'acide chlorhydrique ($\text{H}_3\text{O}^+_{\text{aq}} + \text{Cl}^-_{\text{aq}}$) de concentration $C_A = 5\cdot 10^{-2}\text{mol}\cdot\text{L}^{-1}$.

On mesure le pH du mélange pour chaque volume d'acide ajouté, Les résultats obtenus permettent de tracer la courbe de dosage $\text{pH} = f(V_A)$.

On donne :

*la masse volumique de l'eau $\rho_e=10^3\text{g/L}$.

*Le produit ionique de l'eau $k_e=10^{-14}$.



1-Ecrire l'équation de la réaction du dosage. (0,5pt)

2-Déterminer la concentration C_B de la solution (S_B) . et déduire le pourcentage massique P de $(\text{CH}_3)_3\text{N}$ dans la solution S_0 . (0,5pt) + (0,5pt)

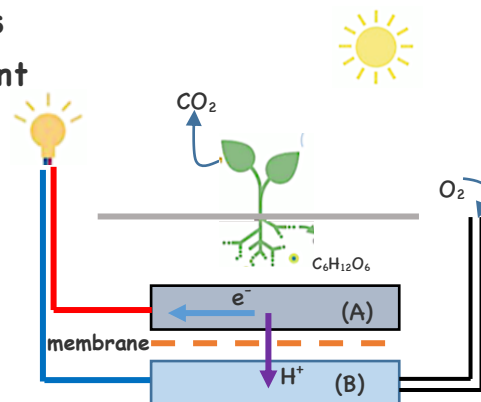
3-Pour un volume $V_A = V_{\text{Aeq}}/2$ d'acide chlorhydrique ajouté, exprimer les concentrations $[(\text{CH}_3)_3\text{N}]$ et $[(\text{CH}_3)_3\text{NH}^+]$ en fonction de C_A . (1 pt)

4-Déduire, en justifiant, la valeur du pK_A du couple $(\text{CH}_3)_3\text{NH}^+/(\text{CH}_3)_3\text{N}$. (0,5pt)

5-par utilisation du tableau d'avancement de la réaction de la triméthylamine avec l'eau, retrouver la valeur de pK_A . (0,5pt)

Chimie 2

Grâce à la photosynthèse, les plantes sont capables de synthétiser des sucres à partir d'eau, de dioxyde de carbone et de lumière. Ces sucres seront utilisés par la plante, mais 40% à 70% seront relâchés dans le milieu environnant. Ces sucres relargués -appelés exsudats- en grande quantité dans le milieu environnant vont pouvoir être utilisés par les micro-organismes du sol à proximité immédiate des racines du végétal. C'est le principe de pile microbienne alimentée par le végétal, ainsi les micro-organismes se nourrissent des exsudats des plantes, et relarguent des protons H^+ , du dioxyde de carbone $CO_{2(g)}$ et des électrons tout au long de la journée.



- 1) Le glucose $C_6H_{12}O_{6(aq)}$ réagit au niveau l'électrode (A) de la pile et libère le dioxyde de carbone. Écrire la réaction qui a lieu à cet électrode. (0,5pt)
 - 2) À l'autre électrode, la réaction qui a lieu est : $O_{2(g)} + 4H^+_{(aq)} + 4e^- \rightleftharpoons 2 H_2O_{(l)}$, Écrire l'équation modélisant le fonctionnement de la pile. (0,5pt)
 - 3) La puissance d'une telle pile est de l'ordre de 3,20 W par m^2 de plantes. Montrer que l'énergie E_1 fournie par 100 m^2 de plantes en une journée serait voisine de $2,8 \cdot 10^7$ J. (0,5pt)
 - 4) Une telle pile sera utilisée pour fournir du courant utilisable dans la maison. Déterminer la masse de glucose utilisée en une journée avec 100 m^2 de plantes. (1pt)
- On rappelle que dans une maison, la tension du secteur est $U = 220$ V.
On donne : Masse molaire du glucose : 180 g/mol , la constante de faraday $1F = 96500$ C/mol.

Physique 1

Données : masse d'un proton : $m_p = 1,0073$ u ; masse d'un neutron : $m_n = 1,0087$ u ;
masse d'un noyau $^{235}_{92}U$: $m_U = 235,0439$ u ; masse d'un noyau $^{90}_{36}Kr$: $m_{Kr} = 89,9197$ u ;
masse d'un noyau $^{142}_{56}Ba$: $m_{Ba} = 141,9164$ u ; masse molaire atomique de $^{235}_{92}U$: $M = 235$ g/mol ;
nombre d'Avogadro : $N_A = 6,022 \cdot 10^{23}$ mol $^{-1}$; $1u = 931,5$ MeV/ $c^2 = 1,66 \cdot 10^{-27}$ kg ; 1 MeV = $1,610^{-13}$ J.

A- Réaction nucléaire provoquée

Suite à la collision avec un neutron thermique, un noyau d'uranium-235 subit la réaction suivante : $^1_0n + ^{235}_{92}U \rightarrow ^{90}_{36}Kr + ^{142}_{56}Ba + \gamma \ ^1_0n$

- 1) a) Déterminer γ et Z . (0,25pt)
b) Indiquer le type de cette réaction provoquée. (0,25pt)
- 2) Calculer, en MeV, l'énergie libérée par cette réaction. (0,25pt)
- 3) tracer un diagramme d'énergie de cette réaction. (0,25pt)

4) Dans un réacteur nucléaire à uranium-235, l'énergie moyenne libérée par la fission d'un noyau est 170 MeV.

a) Déterminer, en joules, l'énergie moyenne libérée par la fission d'un kilogramme d' $^{235}_{92}\text{U}$. (0,25pt)

b) La puissance nucléaire d'un tel réacteur est 100 MW. Déterminer la durée Δt nécessaire pour que le réacteur consomme un kilogramme d'uranium $^{235}_{92}\text{U}$. (0,25pt)

B- Réaction nucléaire spontanée

1) Le noyau de Krypton $^{90}_{36}\text{Kr}$ obtenu est radioactif. Il se désintègre en zirconium $^{90}_{40}\text{Zr}$ par une série de désintégrations β^- .

a) Définir une désintégration β^- . (0,25pt)

b) Déterminer le nombre de ces désintégrations β^- . (0,25pt)

c) Préciser, sans calcul, parmi les deux nucléides $^{90}_{36}\text{Kr}$ et $^{90}_{40}\text{Zr}$, celui qui est le plus stable. (0,25pt)

2) L'uranium $^{235}_{92}\text{U}$ est un émetteur α .

a) Écrire l'équation de désintégration d'un noyau d'uranium $^{235}_{92}\text{U}$ et identifier le noyau produit. (0,25pt)

On donne :

Actinium $_{89}\text{Ac}$	Thorium $_{90}\text{Th}$	Protactinium $_{91}\text{Pa}$
---------------------------	--------------------------	-------------------------------

b) Le nombre de noyaux d' $^{235}_{92}\text{U}$ restant en fonction du temps est donné par : $N = N_0 \cdot e^{-\lambda t}$ avec N_0 le nombre initial de noyau d' $^{235}_{92}\text{U}$ et λ sa constante radioactive.

i) Définir l'activité radioactive A d'un échantillon radioactif. (0,25pt)

ii) Écrire l'expression de A en fonction de λ , N_0 et t . (0,25pt)

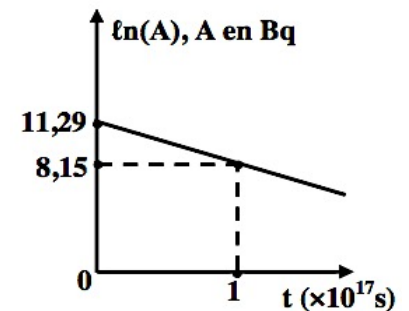
c) Établir l'expression de $\ln(A)$ en fonction de l'activité initiale N_0 , λ et t . (0,25pt)

d) La figure ci-contre représente la variation de $\ln(A)$ d' $^{235}_{92}\text{U}$ en fonction du temps.

i) Montrer que l'allure de la courbe de la figure ci-contre est en accord avec l'expression de $\ln(A)$ en fonction du temps. (0,25pt)

ii) En utilisant la courbe de la figure ci-contre, déterminer, en s^{-1} , la valeur de λ . (0,25pt)

iii) Déduire la demi-vie de $^{235}_{92}\text{U}$ et le nombre de noyaux initial N_0 . (0,25pt)



Physique 2

On considère le circuit représenté sur la figure 1 et qui est constitué de :

- * Un générateur idéal de tension de force électromotrice E .
- * Une bobine B de coefficient d'induction L et de résistance négligeable.
- * Conducteur ohmique de résistance R .
- * Un interrupteur K .

* Trois condensateurs initialement déchargés de capacités $C_1=15\mu\text{F}$ et $C_3=2C_2$.

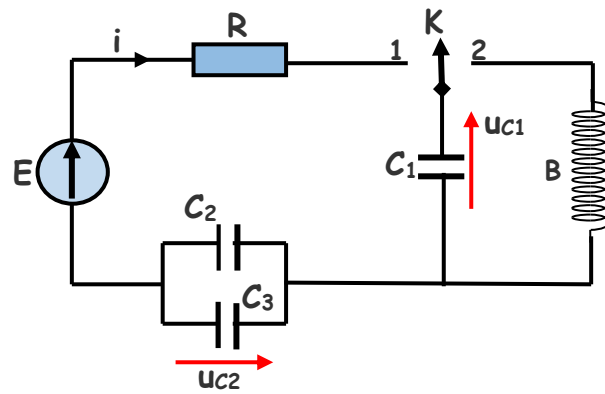


Figure 1

I-Étude du circuit RC

A l'instant $t=0$ s on bascule l'interrupteur K à la position 1.

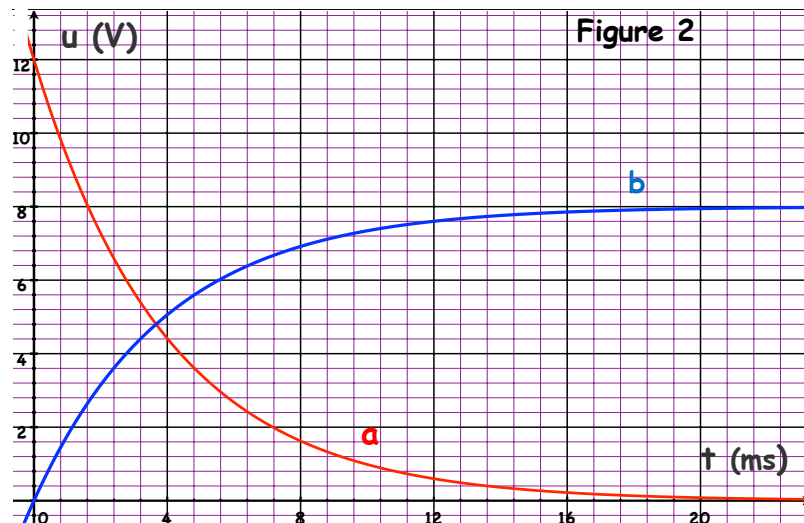
1-Montrer que la relation entre u_{c1} et u_{c2} est $u_{c2}=\frac{C_1}{3.C_2}u_{c1}$. (0,25pt)

2-Montrer que l'équation différentielle vérifiée par l'intensité de courant qui traverse le circuit s'écrit sous forme $i + \tau \frac{di}{dt} = 0$ en déterminant l'expression de τ en fonction de R, C_1 et C_2 . (0,5pt)

3- La solution de l'équation précédente s'écrit sous forme $i(t)=A.e^{-\lambda t}$, trouver les expressions de λ et A en fonction des paramètres du circuit. (0,5pt)

4- Déduire les expressions des tensions $u_R(t)$ et $u_{c1}(t)$. (0,5pt)

5- Par un système d'acquisition, on visualise les tensions $u_{c1}(t)$ et $u_R(t)$, on obtient les courbes de la figure 2.



5-1-Identifier les courbes (a) et (b). (0,25pt)

5-2-Déterminer graphiquement les valeurs de E et C_2 . (0,5pt)

5-3-Déterminer la valeur de la constante de temps τ et calculer la valeur de R. (0,5pt)

5-4-Trouver l'expression de t_1 l'instant d'intersection des deux courbes en fonction de τ . (0,5pt)

II- Étude du circuit LC

Après l'établissement du régime permanent, On bascule l'interrupteur K à un instant considéré comme nouvelle origine de temps $t=0$, à la position (2).

1- Montrer que l'équation différentielle vérifiée par l'intensité du courant $i(t)$ qui traverse le circuit est $\frac{d^2i}{dt^2} + \frac{1}{LC_1} \cdot i = 0$. (0,25pt)

2-La solution de cette équation différentielle s'écrit sous la forme $i(t) = I_m \cos(2\pi N_0 t + \varphi)$, déterminer l'expression de $u_{c_1}(t)$ et la valeur de la phase φ . (0,5pt)

3-Sachant que l'énergie magnétique emmagasinée dans la bobine prend une valeur maximale pour la première fois à l'instant $t_1 = 2,5 \text{ms}$. Calculer la valeur du coefficient d'induction L de la bobine. (0,5pt)

4-Calculer I_m la valeur maximale de l'intensité de courant qui traverse le circuit. (0,25pt)

III-Étude du circuit RLC

On répète la même expérience précédente, en remplaçant la bobine précédente par une autre de coefficient d'induction $L' = 0,169 \text{H}$ et de résistance $r = 5\Omega$. A l'aide d'un système d'acquisition informatique adéquat, on trace la courbe représentant l'évolution temporelle de l'intensité du courant $i(t)$. (la droite (Δ) représente la tangente à la courbe à l'instant t_1 (voir figure 3).

1-Montrer que l'équation différentielle vérifiée par la tension $i(t)$ s'écrit sous forme:

$$\frac{d^2i}{dt^2} + \frac{r}{L'} \frac{di}{dt} + \frac{1}{L'C_1} \cdot i = 0. \quad (0,25\text{pt})$$

2-Déterminer la valeur de la tension u_L entre les bornes de la bobine à l'instant t_1 et calculer l'énergie totale du circuit E_T à cet instant. (0,5pt)

3-En déduire l'énergie dissipée par effet joule entre l'instant $t_0=0$ et l'instant t_1 . (0,25pt)

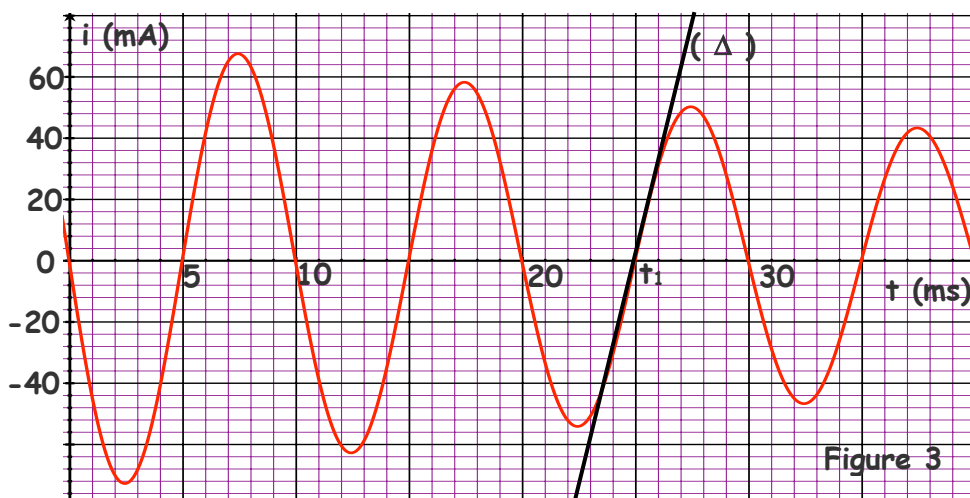
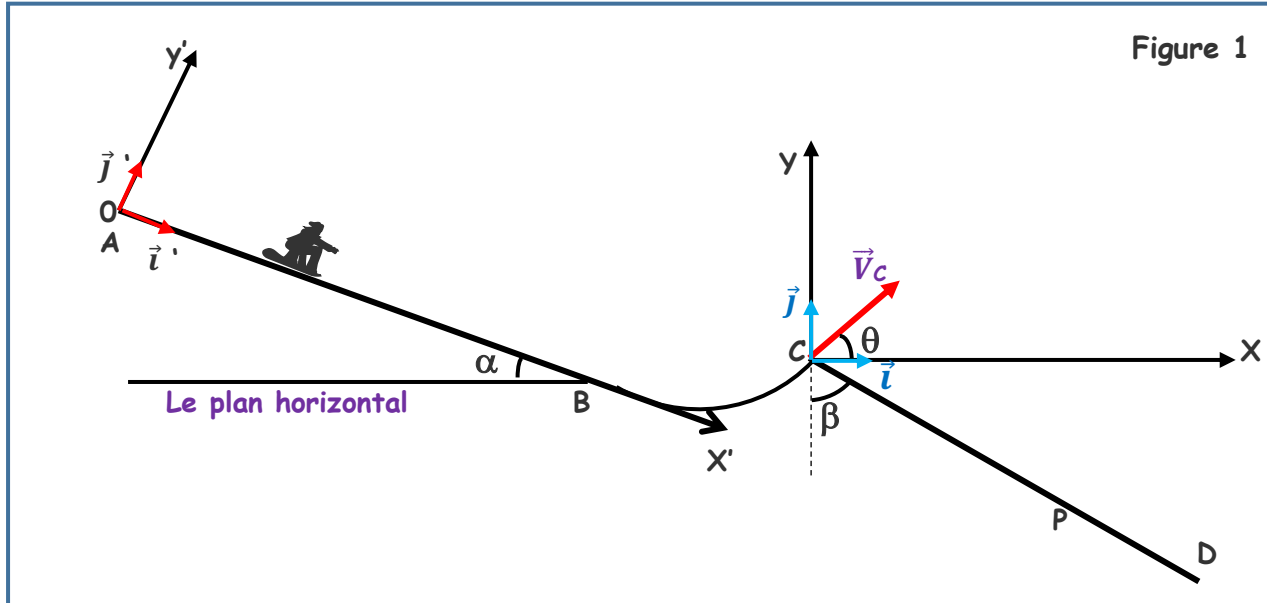


Figure 3

Physique 3

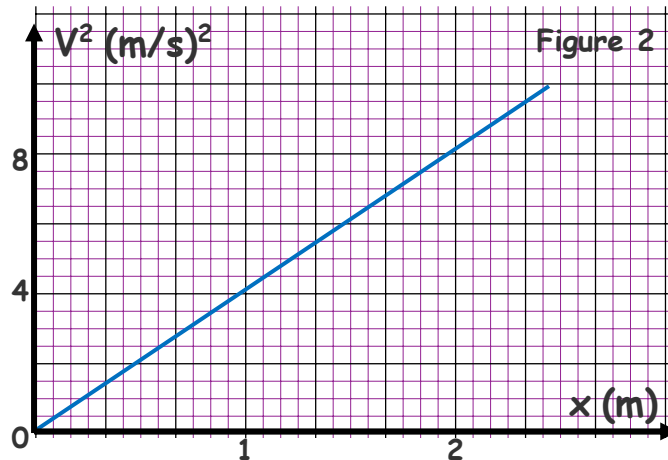
Un skieur glisse sur un plan AB incliné d'un angle $\alpha = 22^\circ$ par rapport au plan horizontal. On modélise le skieur et ses accessoires par un solide (S) de masse $m=80\text{kg}$ et de centre d'inertie G. Le skieur part du point A origine du repère R (A, \vec{i}, \vec{j}) sans vitesse initiale à l'instant $t_0=0$. (Figure 1). Le mouvement est étudié dans un référentiel terrestre supposé galiléen.

On donne $g=9,8\text{m.s}^{-2}$



I- On considère sur la partie AB que les frottements ne sont pas négligeables et on les modélise par une force constante \vec{f} .

1- Le graphe de la figure 2, représente le carré de la vitesse du centre d'inertie de skieur en fonction de l'abscisse x , sur la portion AB.



Montrer que le mouvement du centre d'inertie du skieur est rectiligne uniformément varié et déterminer son accélération a_G sur la portion AB. (0,5pt)

2-A l'instant $t_B=10$ s , le skieur passe par le point B avec la vitesse V_B ; Calculer la distance AB, et la valeur de V_B . (0,5pt)

3-En appliquant la deuxième loi de Newton , établir l'expression du coefficient de frottement k en fonction de : a , g et α , puis calculer sa valeur . (0,5pt)

II- A l'instant $t=0$ que l'on considère comme une nouvelle origine des temps, le skieur quitte la partie BC au point C avec une vitesse v_c dont le vecteur \vec{v}_c forme l'angle θ avec le plan horizontal. et tombe dans le champ de pesanteur uniforme. on néglige tous les frottements et toutes les actions de l'air.

1. Établir dans le repère (C, \vec{i}, \vec{j}) les équations horaires du mouvement $x(t)$ et $y(t)$ en fonction de V_c , g , et θ , et en déduire l'expressions littérale de l'équation de la trajectoire. (0,5pt)

2.Sachant que les coordonnées du sommet S de la trajectoire sont : $(x_S= 8,68\text{m} , y_S=1,26\text{m})$ calculer les valeurs de θ et v_c . (0,5pt)

3. le skieur tombe au point P , sur un plan CD incliné par rapport à l'axe verticale (Cy) d'un angle $\beta = 30^\circ$. déterminer l'expression de la distance CP en fonction de V_c , g , θ et β .et calculer sa valeur. (0,5pt)

4. pour la même valeur de V_c et β , montrer que la distance CP prend sa valeur maximale pour une valeur de $\theta_0 = \frac{\beta}{2}$. (0,5pt)

5. Pour $\theta=\theta_0$, déterminer les coordonnées du vecteur vitesse \vec{V}_p au point p et en déduire que la direction de ce vecteur fait un angle φ avec l'horizontal tel que :

$$|\tan(\varphi)| = \tan(\theta_0) \left[\frac{2 \cdot CP_{\max} \cdot g}{V_c^2} - 1 \right]. \quad (0,5pt)$$