

Q61 :

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{\ln(e+x)} - 1}{\sqrt{x+1} - 1}$  est égale à :

- A  $\frac{1}{2e}$        B  $\frac{1}{e}$        C 1       D e       E 2e

Q62 :

Si  $f(x) = \frac{1}{1-x} \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right)$  alors  $f'(x)$  est égale à :

- A  $\frac{1}{(1-x)^2} \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) + \frac{1}{x(1-x^2)}$   
 B  $\frac{1}{(1-x)^2} \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - \frac{1}{x(1-x^2)}$   
 C  $\frac{1}{1-x^2} \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - \frac{1}{x(1-x^2)}$   
 D  $\frac{1}{(1-x)^2} \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - \frac{1}{x(1-x)^2}$   
 E  $\frac{1}{(1-x)^2} \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - \frac{1}{(1-x^2)}$

Q63 :

Le nombre complexe  $\left(\frac{7-15i}{15+7i}\right)^{2021}$  est égal à :

- A i       B -1       C 7-15i       D -i       E 7+15i

Q64 :

Si  $x \in ]0,1[$ , alors  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (1-x+x^2-x^3+\dots+(-1)^n x^n)$  est égale à :

- A  $\frac{1}{x-1}$        B  $\frac{1}{1-x}$        C 1       D  $\frac{-1}{1+x}$        E  $\frac{1}{1+x}$

Q65 :

Dans  $\mathbb{R}$ , le nombre de solutions de l'équation  $x^5 + x - 1 = 0$  est :

- A 0       B 1       C 2       D 3       E 5

Q66 :

Dans l'ensemble  $\mathbb{C}$ , si  $|z|\bar{z} = 15 - 20i$  alors  $|(1+i)z|$  est égal à :

- A  $\sqrt{2}$        B  $2\sqrt{2}$        C  $3\sqrt{2}$        D  $4\sqrt{2}$        E  $5\sqrt{2}$

Q67 :

Si  $f$  est la fonction définie sur  $\mathbb{R}^*$  par  $f(x) = \frac{\sqrt{\ln(1+x^2)}}{x}$  alors :

- A  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1$        B  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -1$        C  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \frac{1}{2}$   
 D  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0$        E La fonction  $f$  n'admet pas de limite en 0

Q68 :

$(u_n)_{n \geq 0}$  est la suite définie par :  $u_0 = 1$  et pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $u_{n+1} = u_n^2 + u_n$

La limite de la suite  $(u_n)_{n \geq 0}$  si elle existe, est égale à :

- A 1       B  $+\infty$        C 0       D -1       E Autre valeur

Q69 :

L'intégrale  $\int_0^1 \frac{x}{1+e^{-x^2}} dx$  est égale à :

- A  $\sqrt{\ln\left(\frac{1+e}{2}\right)}$        B  $\ln\sqrt{1+e}$        C  $\ln(1+e)$        D  $\ln\sqrt{\frac{1+e}{2}}$        E  $\sqrt{\ln(1+e)}$

Q70 :

Si  $f(1) = 4$  et  $(\forall x \in \mathbb{R}_+^*) ; f'(x) = 2x + \ln x$  alors  $f(e)$  est égale à :

- A  $e^2$        B  $e+4$        C  $e^2+4$        D  $e$        E  $4$

Q71 :

Dans l'ensemble  $\mathbb{C}$ , si  $z = 1 + i(1 + \sqrt{2})$  alors :

- A  $|z| = 2\sqrt{2} \cos \frac{\pi}{8}$  et  $\arg z = \frac{3\pi}{8}$   $[2\pi]$   
 B  $|z| = 2\sqrt{2} \cos \frac{\pi}{8}$  et  $\arg z = \frac{\pi}{8}$   $[2\pi]$   
 C  $|z| = 2\sqrt{2} \cos \frac{3\pi}{8}$  et  $\arg z = \frac{3\pi}{8}$   $[2\pi]$   
 D  $|z| = 2\sqrt{2} \cos \frac{3\pi}{8}$  et  $\arg z = \frac{\pi}{8}$   $[2\pi]$   
 E  $|z| = 2 \cos \frac{\pi}{8}$  et  $\arg z = \frac{3\pi}{8}$   $[2\pi]$

Q72 :

Si  $\int_1^2 f'(x)f''(x)dx = 8$  et  $f'(2) - f'(1) = 2$  alors  $f'(2) + f'(1)$  est égal à :

- A  $4$        B  $6$        C  $8$        D  $10$        E  $12$

Q73 :

Soit  $q \in \mathbb{R}$ . Pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$  on pose  $S_n = \sum_{k=1}^{k=n} q^k$

Si la suite  $(S_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$  est convergente et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = 4$ , alors  $q$  est égal à :

- A  $\frac{2}{3}$        B  $\frac{3}{4}$        C  $\frac{4}{5}$        D  $\frac{5}{6}$        E  $\frac{6}{7}$

Q74 :

L'intégrale  $I = \int_{\frac{\pi}{8}}^{\frac{\pi}{6}} \frac{\sin x}{\sin x + \cos x} dx$  est égale à :

A  $\frac{\pi}{3}$

B  $\frac{\pi}{4}$

C  $\frac{\pi}{6}$

D  $\frac{\pi}{8}$

E  $\frac{\pi}{12}$

Q75 :

Dans l'ensemble  $\mathbb{C}$ , si  $|z_1| = |z_2| = 1$  et  $|z_1 + z_2| = \sqrt{3}$  alors  $|z_1 - z_2|$  est égal à :

A 1

B 3

C  $\sqrt{3}$

D 2

E  $\sqrt{2}$

Q76 :

$(u_n)_{n \geq 0}$  est la suite définie par :  $u_0 = 0$ ,  $u_1 = 1$  et pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$ ,  $u_n = \sqrt{\frac{u_{n+1}^2 + u_{n-1}^2}{2}}$

$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  est égale à :

A 0

B  $+\infty$

C 1

D  $\sqrt{2}$

E  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

Q77 :

Soient  $(a; b) \in \mathbb{R}^2$  et  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = \begin{cases} ax + b, & \text{si } x \leq 0 \\ \frac{1}{x+1}, & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

La fonction  $f$  est dérivable en 0 si et seulement si :

A  $a = 1$  et  $b = 1$

B  $a = -1$  et  $b = 1$

C  $a = 2$  et  $b = 1$

D  $a = -1$  et  $b = -1$

E  $a = -1$  et  $b = 0$

Q78 :

Soient  $(a; b) \in \mathbb{R}^2$  et  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = 3x^2 + 2ax + b$   
Si  $\int_{-1}^1 f(x) dx < 2$  alors le nombre de solutions dans  $\mathbb{R}$  de l'équation  $f(x) = 0$  est :

- A 0       B 1       C 2       D 3       E 4

Q79 :

Le plan complexe est rapporté à un repère orthonormé direct  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  et  $\alpha \in ]0; \frac{\pi}{2}[$   
Soient  $z_1$  et  $z_2$  les deux solutions de l'équation d'inconnue  $z$   
(E) :  $z^2 - \sin(2\alpha)z + \sin^2(\alpha) = 0$   
La valeur de  $\alpha$  pour laquelle les points  $O, M(z_1)$  et  $M(z_2)$  sont les sommets d'un triangle équilatéral est :

- A  $\frac{\pi}{3}$        B  $\frac{\pi}{4}$        C  $\frac{\pi}{5}$        D  $\frac{\pi}{6}$        E  $\frac{\pi}{8}$

Q80 :

Pour tout entier naturel non nul  $n$  et pour tout réel  $x$  on pose :  $f_n(x) = e^{-x} - nx$   
On a :

- A  $(\forall n \in \mathbb{N}^*), (\exists! a_n \in ]0; 1[) : f_n(a_n) = 0$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} na_n = 1$   
 B  $(\forall n \in \mathbb{N}^*), (\exists! a_n \in ]0; 1[) : f_n(a_n) = 0$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} na_n = 0$   
 C  $(\forall n \in \mathbb{N}^*), (\exists! a_n \in ]0; 1[) : f_n(a_n) = 0$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} na_n = e$   
 D  $(\forall n \in \mathbb{N}^*), (\exists! a_n \in ]-1; 0[) : f_n(a_n) = 0$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} na_n = 0$   
 E  $(\forall n \in \mathbb{N}^*), (\exists! a_n \in ]-1; 0[) : f_n(a_n) = 0$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} na_n = 1$